

数学未解決問題研究

エルデス・シュトラウスの予想を証明する。
「ニコニコしながら和分の積」 &
自動作問研究で考案したプログラミング理論
「万が一理論」からのアプローチ

菅野正人

第1章「和分の積」からのアプローチ

エルデス・シュトラウスの予想
n を 2 以上の任意の自然数とすると

$$\frac{4}{n} = \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z} \quad (1)$$

を満たす自然数 x, y, z が必ず存在する？

(1) 式をよく見ると、これは左辺の分子の 4 を 1 にすれば、電気基礎で習う 3 本の抵抗が並列につながっているときの、合成抵抗を求める式に他ならない。「逆数の和の逆数」。言葉で言えばそう言うことだが、考え方としては容易ではない。しかも、抵抗の場合は 3 個にとどまらず何個も並列につながるのである。そこで、色々と考えてこんなキャッチフレーズを作ってみた。「ニコニコしながら和分の積」。どんなにたくさんつながった並列回路でも、計算の簡単そうな順から 2 個取り出して「和分の積」($R_1 \times R_2 / (R_1 + R_2)$) の計算をして 1 個に置き換え、次にまた、2 個を取り出して「和分の積」の計算をする事を繰り返せば、何個並列に抵抗が並んでいようと「和分の積」だけで合成抵抗が求まるという方法である。

$$\frac{1}{R} = \frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2} \quad \text{変形して} \quad R = \frac{1}{\left(\frac{R_1 + R_2}{R_1 R_2}\right)}$$

$$\therefore R = \frac{R_1 R_2}{(R_1 + R_2)}$$

(これは R_1 と R_2 の和分の R_1 と R_2 の積なのでこれを称して「和分の積」という)

「ニコニコしながら和分の積」というキャッチフレーズは理解しやすく、高校生などに教授するときには大いに役立つと考える。

本題に戻ろう。問題の式 (1) をみると、その 3 本の抵抗の並列合成抵抗を求める式の 4 倍、つまり x, y, z の 3 本の抵抗を使って 2 回「和分の積」をして $n/4$ を作り出すことが出来れば良いと言うことになる。n の条件は 2 以上という事で最初に作る数は $2/4$ の 0.5 である。(x, y, z の逆数の和で作る数が $4/n$ なので x, y, z の逆数の和の逆数で作る数はその逆数の $n/4$ である。念のため)

$$\frac{4}{n} = \frac{1}{x} + \frac{1}{y} + \frac{1}{z}$$

x, y, z が自然数で、と言う条件を考えると始まりは 1 なので、1 と 1 の和分の積をすれば、同じ数同士ではその半分になるので 0.5 は作れるが、もう一つ残るので、最初に 1 の 2 倍の 2 を二つ使い和分の積を行い半分の 1 を作れば、残りの 1 つを 1 にして目的の 0.5 は完成する。だから、答えの x, y, z は 2, 2, 1 である。n = 4 を作りたければ、求める答えは $4/4 = 1$ なので 4 と 4 の和分の積で半分の 2 を作り、残る 1 つを 2 にすれば答えの 1 は求まる。答えの x, y, z は 4, 4, 2 である。こんなふうに考えてみると $n/4$ を作りたければ x, y, z は n, n, $n/2$ とすればすべて解決の様に思えるが、条件にあったように n が 1 の時は $n/2$ が $1/2$ で自然数にはならない。また、 $n/2$ の n が 3, 5, 7, 9... の奇数の場合は、2 で割ると割り切れずに小数になるので奇数は別に考えなければいけない。しかし、2 で割り切れる偶数はすべて自然数になるので、偶数の n については式を満たす自然数 x, y, z は必ず存在すると言える。これで半分 (全体の 50%) の数についての一般式が出来た事になる。

第2章 「万が一理論」からのアプローチ

次に n が奇数の時の解の存在についてだが、その前に面白いことを考えたので紹介しておこう。(1) 式を満たす x , y , z が必ず存在すると仮定すれば「全く適当に自然数の中から x , y , z を決め計算し n が自然数になったときだけ完成」というアルゴリズムでプログラムを組んでパソコンで実行してみれば、ある程度の解は得られるのではないかと、言う考え方である。

これは20年ほど前パソコンが出始めの頃に、電気基礎の授業でキルヒホッフの法則を教えるのに、連立三元1次方程式の問題で、「答えが整数」になり解くのが簡単な問題を大量に作ろうと思って考えた「万が一理論」というプログラミングの理論である。「万が一理論」という言葉は以下の様な意味を込めて作った造語である。

人間にとっての「万が一」は不可能とか滅多にないというイメージであるが、メインクロックが1GHz超の昨今のパソコンの世界では「万が一」(1万回に1回の事象)は一秒間に10万回も起こる。極めて日常的に当たり前に起こる事象という事になる。つまり、人間が一生掛けても実現出来なかったような事が、「万が一」でも出来る可能性があればパソコンの世界ではできると言う事である。これまでのプログラミングは一行でも短く1秒でも早く情報を処理できるようなアルゴリズムが要求されていた。それに対し「万が一理論」ではあえて遠回りをしながら「万が一」の可能性を模索する。「万が一理論」によるプログラミングは一見邪道のようなプログラミング手法であるが、現在のようにパソコンの性能がどんどん向上していく中で十分実用的な新しいプログラミング理論として面白いのではないかと思う。4年前に成功したナンバープレイスや数独の自動作問プログラムの開発にも大いに役に立った。

ここで、今回のこの問題の証明のためのアプ

ローチとして「万が一理論」を元にして作ったプログラムを紹介する。

*****プログラムコード*****

Private Sub CommandButton1_Click()

(このリストの以下の部分をコメントは入力不要で **End Sub**の前まで中身だけ入力)

```
Dim k As Double
    ' 使用する変数の宣言
Dim x As Double
Dim y As Double
Dim z As Double
Dim n As Double
Randomize
    ' 乱数系列の初期設定
For k = 1 To 1000000000
    ' 何回やるか適当に決める
    x = Int(Rnd() * 100 + 1)
    ' 適当に乱数の範囲を決める
    y = Int(Rnd() * 1000 + 1)
    z = Int(Rnd() * 10000 + 1)
    ' n の計算
    n = 4 * x * y * z / (x * y + x * z + y * z)
' 65536はワークシートの行数は2バイト
    if n < 65536 then
' n が自然数 (計算値 n = 整数化した n)
        If n = Int(n) Then
            ' ワークシートに記録
Worksheets("一覧").Cells(1, 1).Value = k
Worksheets("一覧").Cells(n + 1, 1).Value = n
Worksheets("一覧").Cells(n + 1, 2).Value = x
Worksheets("一覧").Cells(n + 1, 3).Value = y
Worksheets("一覧").Cells(n + 1, 4).Value = z
        End If
```

```

End If
Next k
End Sub
*****プログラム 以上*****

```

このプログラムをエクセルの“一覧”と名前をつけたワークシート上にコマンドボタンを作り、コマンドボタンのコードとして貼りつけて実行してみると、どんどん答えの自然数が出てくる。しかも解は1つではないらしくどんどん数字が変わっていく。こうして、 x , y , z の乱数の範囲設定を適当に変えながら実行してみると、どうしても出来ない数字がある。私の場合、最初は241だった。24時間プログラムを実行しても出来なかった。どうして出来ないのか調べていくと、いくつかの重要な点が見つかった。241は素数である。241の前に出てきた素数を調べると、どの素数も $x y z$ の3つのうち2つは n よりもかなり大きな自然数で、 n で割ってみると n の自然数倍であることが分かった。

第3章エルデス・シュトラウスの予想の証明

そこで n が奇数の時の解に戻って考えると、奇数は偶数のように2回の「和分の積」で $n/4$ を作ることは出来ない。 $n/2$ が小数になるためだ。しかし、奇数でも最終的には $n/4$ という数が作れなければこの問題は解決しない。そこで、 n が奇数の時どうやって $n/4$ を作ろうかと次のような方法を考えた。

それは、 x を $n/4$ を超える $n/4$ に最も近い自然数 $\text{int}(n/4) + 1$ に設定し（ int 関数は $n/4$ の計算結果の整数部のみ利用すると言う意味）ここに全く自由な想像上の数として有理数 α を考えて、 x とこの有理数 α を使って $n/4$ を作るという方法である。 α は有理数なので、 x に自然数という拘束があっても x と α の和分の積で分数の $n/4$ を作り出すことは可能である。しかも、

x は自然数だと拘束されていても x の自然数上の変化に従って複数の α が存在することは明らかである。

$$\frac{n}{4} = \frac{x \alpha}{(x + \alpha)} \dots (2)$$

変形して

$$\alpha = \frac{n x}{(4 x - n)} \dots (3)$$

ただし $4 x \neq n$

次に残りの自然数 y , z を和分の積を使って複数回出現する有理数 α の中の一つを作ることが出来れば問題は解決である。

$$\alpha = \frac{y z}{y + z} \dots (4)$$

有理数とは整数同士の商であり、正の整数は自然数である。自然数同士の和および積も自然数であるから、(4)の α も有理数である。

また、(4)を次のように変形してながめてみると

$$\frac{1}{\alpha} = \frac{1}{y} + \frac{1}{z} \dots (5)$$

エジプト分数によればすべての分数は単位分数の和で表される。解は複数あり1つとは限らないが最低の項数は2である。2項にならない分数も存在するが、 x をシフトして α を変化させれば問題なく見つかる。単位分数とは分子が1である分数で分母は自然数である。

さらに、ここで改めて(3)を見ると

$$\alpha = \frac{n x}{(4 x - n)}$$

$x = 1$, $n = 1$ の時 $\alpha = 1/3$ となりこれは(4)の y , z の自然数の和分の積では最小値が $1/2$ となって0.5以下の数は自然数の和分の積で作れ出す事は出来ない。

しかし、 n が2以上の自然数では、 $x = 1$ で(3)の $\alpha = 1$ で $\alpha \geq 0.5$ となり(4)の y, z の自然数の和分の積で作り出す事が可能になる。

つまり、 $n \geq 2, (4x - n) > 0$ の条件のもとで、 x, y, z が自然数の範囲で自由に設定できるとすれば、(3)の n と x の変化によって作られるすべての α は有理数しかも(4)と同様に自然数同士の商によって作られた有理数だから、仮に、同じ関係式(4)を満たす自然数 y, z が存在しないと仮定すれば(3)で作られる α の中には有理数以外の物が含まれていなければならない。自然数同士の商で有理数以外の数を作り出す事が出来るとすると、これは「有理数とは整数 a, b を用いて (a/b) で表されるすべての数」であるとする有理数の定義に反する。

$\therefore n \geq 2, (4x - n) > 0$ の条件のもとで、有理数 α を仲介して次のような等式が成立した時

$$\frac{nx}{4x - n} = \frac{yz}{y + z} \dots (6)$$

2以上の自然数 n に対して前述の様に想像上の有理数 α を仲介として考えてみると(1)を満たす自然数 x, y, z は必ず存在すると言える。

証明終わり。

また、 $(4x - n) > 0$ より x, y, z の3つの自然数の中で最小の自然数 A は必ず

$$A > n/4$$

つまり $A \geq \text{int}(n/4) + 1$ である。

第4章 エルデス・シュトラウスの予想の証明から発見した単位分数に関する定理

この問題を考えていたら、この問題から発展して新しい定理を思い付いた。想像上の有

理数を仲介役を使うとこんな定理も成立する。蛇足だが記しておく。

$$\frac{4}{n} = \frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} + \frac{1}{A_3} + \frac{1}{A_4}$$

n を自然数とするとき、任意の n に対し上式を満たす自然数 $A_1 \sim A_4$ は必ず存在する。

$$\frac{5}{n} = \frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} + \frac{1}{A_3} + \frac{1}{A_4} + \frac{1}{A_5}$$

n を自然数とするとき、任意の n に対し上式を満たす自然数 $A_1 \sim A_5$ は必ず存在する。

$$\frac{6}{n} = \frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} + \frac{1}{A_3} + \frac{1}{A_4} + \frac{1}{A_5} + \frac{1}{A_6}$$

n を自然数とするとき、任意の n に対し上式を満たす自然数 $A_1 \sim A_6$ は必ず存在する。となり次の様な定理まで証明できる。

エルデス・シュトラウスの予想から単位分数に関する定理

$$\frac{m}{n} = \frac{1}{A_1} + \frac{1}{A_2} + \dots + \frac{1}{A_m} \dots (7)$$

$m \geq 4$ の任意の自然数 m において、任意の自然数 n に対し上式を満たす自然数 $A_1 \sim A_m$ は必ず存在する。

第5章 解を求める「万が一理論」によるプログラムの流れ

次に、この論理に従って $n \geq 2$ の自然数 n に対して複数存在すると思われる解の一つを探していこうと思う。まずは論理に従って解を探す手順を考える。

ここで、先に述べた「万が一理論」のプログラムで得たデータから解の在処について一つの仮説を立ててみた。

仮説

奇数の n についての解は x を $(n/4)$ を超える $(n/4)$ に最も近い自然数 int

$(n/4) + 1$ から探し始めて、 n を自然数倍した自然数 y , z の組み合わせの中に必ず存在する。

この仮説からアルゴリズムを作る。

プログラムの流れ

与えられた n に対し

1. x を $n/4$ を超える $n/4$ に最も近い自然数 $\text{int}(n/4) + 1$ に設定する

2. $y_1 = 1$ に設定

3. y の値を y_1 の n 倍に設定する。

4. 5 の式の分母

$(y_1 * (4 * x - n) - x) \neq 0$ を確認

5. n , x , y_1 を次式に代入し計算

$$z = \frac{ny_1x}{y_1(4x - n) - x}$$

(上式は (6) の $nx / (4x - n) = y * z / (y + z)$ を仮説より n の自然数倍上に必ず存在するとして $y = n \cdot y_1$ とおき、 $z =$ に変形した式で (6) が成立しているときの z の値を求める.)

6. もし z が自然数なら完成 9. ~

7. y_1 を 1 刻みで変化させる。

8. y_1 の設定範囲を超えても見つからなければ x を 1 刻みで増加し再検索

9. 結果の n , x , y , z をワークシートに記録して y_1 をリセットしてループ終了

次の n の検索に入る。

コード化すれば、たったの 30 行程度のプログラムであるが、設定をすれば論理に沿って解を見つけ出せるアルゴリズムである。スペースの関係でサンプルプログラムは割愛するが、この論文が認知されれば次回にすべてを公表したい。このプログラムで $n = 100$ 万まで作成したサンプルデータでは n が 50 万以上 100 万までの間で検証結果に 3 点ほどエラーがでた。これはエクセルの有効桁数が 15 桁程度で丸められてしまうためと考えられる。エクセルでは 15 桁程度なので信頼

できる結果は $n = 50$ 万程度までである。ところで、パソコンで無限大まで解を求める事はこの時代でもまだ出来るわけもなく、最大限可能な桁数まで解を求めたとしてもそれは数学的にはあまり意義がない。そこで、最後に上記のアルゴリズムによって作ったプログラムで求めた解のデータを分析して判明した一般式 (恒等式) を記載して報告を終わりたい。全体の約 98% が一般式という形で表現できた。解は複数存在していてこの一般式で求めたデータが唯一解ではないしもちろん x , y , z は入れ替えても成立する。100% 一般式を求める事が理想だが調べていくうち、その存在自体が疑問になってきた。残りの 2% の数に関しては解の在処についてグラフで考察してみたが、こちらも今回はスペースが足りないので次の機会に発表できればと思う。

第 6 章 解から一般式を求める (98%)

偶数のデータ (全体の 50 パーセント)

$$x = n$$

$$y = n$$

$$z = n/2$$

奇数のデータ (4 で割って 1 余る数と 4 で割って 3 余る数 全体の 50%)

* 4 で割って 3 余る数 25%

$$x = \text{int}(n/4) + 1$$

$$y = (n + 4) n$$

$$z = x * y$$

* 4 で割って 1 余る数の内 6 で割って 3 余る数 8.3%

$$x = \text{int}(n/4) + 1$$

$$y = (\text{int}(n/12) + 2) n$$

$$z = (\text{int}(n/12) + 2) y$$

* 4 で割って 1 余る数の内 6 で割って 5 余る数

る数 8.3%

$$\begin{aligned}
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/12) + 1)n \\
z &= (3(\text{int}(n/12) + 1))^2 - (\text{int}(n/12) + 1)n
\end{aligned}$$

最後の残りが4で割って1余る数の内6で割って1余る数で全体の8.3%だがこれが一つの一般式では表現できずに、多くの集合に分かれている。

*この4で割って1余る数の内6で割って1余る数

4で割って1余る数の内6で割って1余る数の集合は、12で割って1余る数と言うことでMOD 12-1と呼ぶことにすると、これを120で割って剰余を見ると、全部で10の集合が存在する。その中で調べてみると

(1) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 13 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 2)n \\
z &= 0.5xy
\end{aligned}$$

(2) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 25 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 4)n \\
z &= 0.2xy
\end{aligned}$$

(3) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 37 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 4)n \\
z &= 0.5xy
\end{aligned}$$

(4) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 61 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 6)n \\
z &= 0.5xy
\end{aligned}$$

(5) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 85 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 8)n \\
z &= 0.5xy
\end{aligned}$$

(6) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 97 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 10)n \\
z &= 0.2xy
\end{aligned}$$

(7) MOD 12-1の中で

$$\begin{aligned}
& * 120 \text{で割って} 109 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/120) * 10 + 10)n \\
z &= 0.5xy
\end{aligned}$$

以上の7つの集合に一般式が発見できた。これらはそれぞれの初期値から成り立つ一般式である。そして、MOD 12-1の中で120で割って1余る数 49余る数 73余る数の3つの集合が残った。これらの集合をMOD 120-1-49-73と呼ぶことにする。この3つの集合は3/120で全体の2.5%である。

MOD 120-1-49-73を1320で割って剰余を見ると

$$\begin{aligned}
& \textcircled{C} \text{MOD } 120-1-49-73 \text{の内} \\
& * 1320 \text{で割って} 121 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/1320) * 110 + 14)n \\
z &= (\text{int}(n/1320) * 30 + 2 + 81/99)y
\end{aligned}$$

◎ MOD 120-1-49-73の内

$$\begin{aligned}
& * 1320 \text{で割って} 481 \text{余る数} \\
x &= \text{int}(n/4) + 1 \\
y &= (\text{int}(n/1320) * 110 + 44)n
\end{aligned}$$

$$z = (\text{int}(n/1320) * 30 + 11)y$$

◎ MOD 120-1-49-73の内
* 1320で割って1009余る数

$$x = \text{int}(n/4) + 1$$

$$y = (\text{int}(n/1320) * 110 + 88)n$$

$$z = (\text{int}(n/1320) * 30 + 23)y$$

◎ MOD 120-1-49-73の内
* 1320で割って1273余る数

$$x = \text{int}(n/4) + 1$$

$$y = (\text{int}(n/1320) * 110 + 110)n$$

$$z = (\text{int}(n/1320) * 30 + 29)y$$

以上4つの集合について一般式が発見できた。
これらの式もそれぞれの初期値から成り立つ
一般式である。

しかし、

◎ MOD 120-1-49-73の内

* 1320で割って1, 49, 73, 169, 193, 241, 289, 313, 361, 409, 433, 529, 553, 601, 649, 673, 721, 769, 793, 841, 889, 913, 961, 1033, 1081, 1129, 1153, 1201, 1249余る数の29の集合が一般式で表すことが出来ずに残った。全体の約2%にあたる。

第7章 終わりに

これまでに導き出された一般式はわずか30行足らずのプログラムによって導き出されたデータから求めた。しかも、現行のプログラムは解の存在を証明できれば足りるので、最初の解が見つかれば時間短縮のためにそこで検索をやめているが、続ければ複数の解も導き出せる。とすれば、理にかなったアルゴリズムで組まれたプログラムはたった30行足らずですべての解を導き出せると考えられ

る。このアルゴリズム自体がこの問題を実証するための新しい一般式(公式)の形と言えるのではないか。コンピュータの時代を迎えて数学の難問に対する新しい実証の形として、これも面白いのではないかと考えている。

2008. 5. 20 菅野正人

添付資料1

Original programming method

A programming method with "One times ten thousands Theory" (英語版)

添付資料2

パズルの作問について

独創のプログラミング 「万が一理論」のプログラミング手法について (日本語版)

参考文献

数学の有名な未解決問題集

<http://www.alpha-net.ne.jp/users2/eijitkn/mo ndai.html>

(仮称)十進BASICのホームページ

<http://hp.vector.co.jp/authors/VA008683/inde x.htm>

私の備忘録

http://www004.upp.so-net.ne.jp/s_honma/remin der.htm

数学切り抜き帳 古代エジプトの分数

<http://www.shinko-keirin.co.jp/kosu/mathemat ics/kirinuki/kirinuki53.html>

art32m-k ギャラリー

<http://hw001.gate01.com/art32m-k/>

この論文は日本数学協会が2008年12月25日に発行した数学文化011の別冊数学文化日本数学協会論文集第4号に掲載されました。論文集は会員と主要大学に配布されました。

2009. 1. 20

添付資料 1

Original programming method

A programming method with “One times ten thousands Theory”

This puzzle is created to use the Original programming method named “One times ten thousands Theory”

Recently we are able to use a high ability PC (Personal Computer).

Main clock speed is more than a thousand million times per second.

A phenomenon of one times ten thousands is a very rare phenomenon for human being

But it's happen a hundred thousands times in PC. It's a frequent occurrence.

However it is impossible to do for human being. If there is a little possibility to do, it is possible for PC. It is able to do in PC.

I created this method about twenty years ago.

When I teach a subject of electricity in high school, many students stumble on Kirchhoff's Theory. This theory is easy to understand but it is very difficult to calculation.

I thought if there are some questions what easy to calculation (For example all solutions are integer), many students are able to understand to Kirchhoff's Theory

So I develop a method to make many questions

to easy to calculations automatically what named “One times ten thousands Theory”

I'd like to explain this idea concretely.

For example

Make simultaneous equations what example all solutions are integer.

First time.

Define a coefficient of X, Y, Z to reasonably integer.

$$3 X + 4 Y + 5 Z = a$$

$$4 X - 2 Y + 6 Z = b$$

$$- 2 X + 3 Y + 2 Z = c$$

Next is

Define the solution to Integer.

$$X = 1, Y = 2, Z = 3$$

And calculate a, b, c

$$a = 3 \times 1 + 4 \times 2 + 5 \times 3 = 26$$

$$b = 4 \times 1 - 2 \times 2 + 6 \times 3 = 18$$

$$c = - 2 \times 1 + 3 \times 2 + 2 \times 3 = 10$$

So simultaneous equation is

$$3 X + 4 Y + 5 Z = 26$$

$$4 X - 2 Y + 6 Z = 18$$

$$- 2 X + 3 Y + 2 Z = 10$$

So first time It' s define a coefficient of X, Y, Z reasonably integer and next time define solution to Integer that we can get a one question of simultaneous equations what solution is integer .

This method is very popular to make questions.

But my Original programming method is a little different from them.

I pay attention to a fact to exist a one question of simultaneous equations what all solution is integer and build algorithm of program.

The algorithm of program is All coefficient of X, Y, Z defined at random and calculate to use determinant and check the solutions. If when all of the solutions are integer then completion.

I don' t know when it' s completion

But so there is a fact to exist a one question of simultaneous equations what all solutions are integer that it' s complete someday.

This is the Original programming method of "One times ten thousands Theory"

A programming method until now is required more quickly response and more shorter code.

But my method is take a roundabout venture and seek the possibility of one times ten thousands to find solutions.

So recently ability of PC is very high that a time of reach the solution is gradually sh

orter.

So the time is gradually come up our time of life that it became to practical programming method enough.

2006. 2. 3 Masato. Kanno

添付資料 2

パズルの作問について

独創のプログラミング

「万が一理論」のプログラミング手法について

ここで、今回公開したこれらのパズルの作問の手法について少しだけ解説する。

近年パソコンが普及し性能の高い物が自由に使えるようになり、これまでは出来なかったような事がプログラム次第で色々と可能になってきた。

「万が一理論」はパソコンの出始めの頃から、私が20年来温めているプログラミング理論である。

メインクロックが1GHz超の昨今のパソコンの世界では「万が一」(1万回に1回)の事が毎秒10万回も起こっている。人間にとっての「万が一」は不可能とか滅多にないというイメージであるが、パソコンの世界では「万が一」は一秒間に10万回も起こる。極めて日常的に当たり前にかかる事象という事になる。

つまり、人間が一生掛けても実現出来なかったような事が、「万が一」でも出来る可能性があるればパソコンの世界ではできると言う事である。

私が最初にこのプログラミング手法を考えたのは今から20年程前の事である。

高校で電気基礎という教科を教えているときに、生徒が最初につまずく「キルヒホッフの法則」という単元がある。生徒は法則自体はすぐに理解して3元1次連立方程式を作ることが出来るようになるのだがその計算が出来ない。基本的には中学の数学で解ける方程式だが、半数以上の生徒が計算途中の小数や分数の計算で間違えたりして、お手上げの状態になってしまう状況だった。本当は計算が出来ないだけなのに、結果的に「キルヒホッフの法則」は難しく理解出来なかったという印象を生徒が持ってしまうのが非常に残念だったので、出来るだけ途中の計算が簡単な問題を作問しようと考えて、答えが簡単な整数になる問題を自動的にたくさん作れないかと考えたときに思い付いたのがこのプログラミング手法である。

具体的な例を挙げて説明すると

例えば未知数X, Y, Zの3元1次連立方程式の問題を作問するとしよう。

易しい問題にして途中の計算が簡単になるように答えが1, 2, 3などの単純な整数になるような問題を作りたい。

X, Y, Zの係数をあらかじめ適当に決めて

$$3X + 4Y + 5Z = a$$

$$4X - 2Y + 6Z = b$$

$$-2X + 3Y + 2Z = c$$

とする。

次に、答えをX=1, Y=2, Z=3と決めて

a, b, cを求めると

$$a = 3 \times 1 + 4 \times 2 + 5 \times 3 = 26$$

$$b = 4 \times 1 - 2 \times 2 + 6 \times 3 = 18$$

$$c = -2 \times 1 + 3 \times 2 + 2 \times 3 = 10$$

となるので

$$3X + 4Y + 5Z = 26$$

$$4X - 2Y + 6Z = 18$$

$$-2X + 3Y + 2Z = 10$$

このように、はじめに答えを特定の整数の数値に決めておいてから式を作ればとりあえず当初の目的を満足する問題が一問出来るので、「世の中に目的とする形の問題は存在している」と言える。

このような作問法は一般的なプログラミングの手法であるが、「万が一理論」のプログラミングでは「世の中に目的とする形の問題は存在している」と言う点に着目してプログラムのアルゴリズムを考える。

X, Y, Zにかかるすべての係数を乱数で全く無作為に設定し行列式で計算し答えをチェックする。そして、その答えが「3つとも整数になった時に完成」と言うアルゴリズムを組む。いつ出来るかは分からないが、前述の式のように「世の中に目的とする形の問題は存在している」ので何万回、何億回試行したとしてもいつかは必ず出来る。

このプログラムで100問程問題を作り実際に授業で使ってみたところ途中の計算が簡単なのでほとんどの生徒が自分の力で解けるようになった。自分の力で答えを出すことが出来たという正

解のよろこびはその後の学習にも非常に大きく良い影響を与える。現在でも使っている最初の実用的な「万が一理論」のプログラムである。そのプログラムは当時の東京都工業高等学校電気教育研究会で発表した。

このようなプログラムでも、パソコンの性能がどんどん向上しているので結果が出るまでの時間もどんどん私達の生活時間に近づいてきた。これまでのプログラミングは一行でも短く1秒でも早く情報を処理できるようなアルゴリズムが要求されていた。それに対し「万が一理論」ではあえて遠回りをしながら「万が一」の可能性を模索する。予め作為的に色々な要素を設定しないので出来上がった問題が非常に新鮮である。「万が一理論」によるプログラミングは一見邪道のようなプログラミング手法であるが、現在のようにパソコンの性能がどんどん向上していく中で十分実用的な新しいプログラミング理論として面白いのではないかと思う。

「万が一理論」では、ルールに合った問題を作ると言う以外の作為的な指示は一切与えていないので、どんな問題が出来上がるかは（またはルールによっては出来ないかも含めて）プログラム制作者にとってもまったくの未知数なのだ。

今回の5種類の新作パズルも「万が一理論」で作成した。これからも「万が一理論」のプログラミング手法から実的な物を生み出す「ものづくり」の可能性を追究していきたい。

2006. 2. 3 菅野正人